

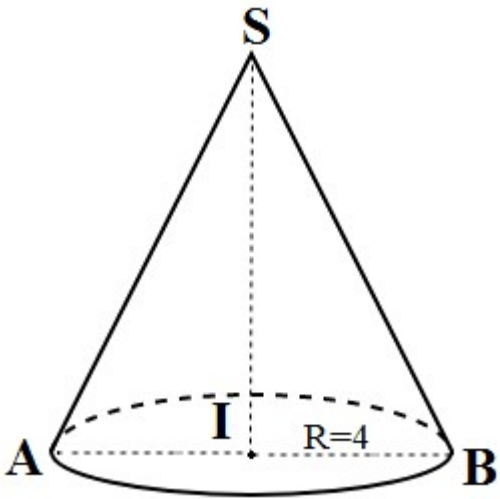
Câu	Mức độ	Đáp án	Hướng dẫn giải	Điểm
1	I	C	<p>Nhắc lại: Điều kiện để $\log_a M$ có nghĩa là: $\begin{cases} a > 0 \\ a \neq 1 \\ M > 0 \end{cases}$.</p> <p>Điều kiện để $\log_4 x$ có nghĩa là: $x > 0$.</p> <p>\Rightarrow Tập xác định là: $D = (0; +\infty)$.</p>	0,2
2	I	A	<p>Nhắc lại: Công thức diện tích xung quanh của hình trụ là:</p> $S_{xq} = 2\pi rl.$ <p>$r = 7, l = 3 \Rightarrow S_{xq} = 2\pi rl = 2\pi \cdot 7 \cdot 3 = 42\pi$ (đvdt).</p>	0,2
3	I	C	<p>Nhắc lại: Trong không gian $(Oxyz)$, phương trình chính tắc của đường thẳng (d) đi qua $M(x_0; y_0; z_0)$ và nhận $\vec{u} = (a; b; c)$ làm vectơ chỉ phương là:</p> $\frac{x - x_0}{a} = \frac{y - y_0}{b} = \frac{z - z_0}{c}.$ <p>Áp dụng:</p> <p>$(d): \frac{x - 4}{3} = \frac{y + 2}{-1} = \frac{z - 3}{-2} \Rightarrow \vec{u} = (3; -1; -2)$.</p>	0,2
4	I	B	<p>Nhắc lại: Số nghiệm của phương trình $f(x) = g(x)$ chính là số giao điểm của hai đồ thị hàm số $y = f(x)$ và $y = g(x)$.</p> <p>Do đó, số nghiệm của phương trình $f(x) = 2$ là số giao điểm của đồ thị hàm số $y = f(x)$ và đường thẳng $y = 2$.</p>	0,2

			Dựa vào hình vẽ, ta suy ra phương trình có 3 nghiệm.	
5	I	C	<p>Nhắc lại: Nếu $K \in \mathbb{R}$ thì $\int_a^b K \cdot f(x) dx = K \cdot \int_a^b f(x) dx$.</p> $\int_2^3 f(x) dx = 6 \Rightarrow \int_2^3 2f(x) dx = 2 \cdot \int_2^3 f(x) dx = 2 \cdot 6 = 12.$	0,2
6	I	B	<p>Nhắc lại: Nếu $\lim_{x \rightarrow +\infty} y = C$ hoặc $\lim_{x \rightarrow -\infty} y = C$ (C là hằng số) thì đường thẳng $y = C$ là tiệm cận ngang của đồ thị hàm số.</p> <p>Ta có: $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} y = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{3x+1}{x-1} = \lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{3 + \frac{1}{x}}{1 - \frac{1}{x}} = \frac{3}{1} = 3.$</p> <p>Vậy $y = 3$ là tiệm cận ngang của đồ thị.</p>	0,2
7	I	B	<p>Nhắc lại: Nếu $A(x_0; y_0; z_0)$ thì hình chiếu của A lên trục Ox là $A'(x_0; 0; 0)$.</p> <p>Gọi A' là hình chiếu vuông góc của $A(8; 1; 2)$ lên trục Ox $\Rightarrow A'(8; 0; 0)$.</p>	0,2
8	I	D	<p>Nhắc lại: $a^{f(x)} = b$ ($b > 0$) $\Leftrightarrow f(x) = \log_a b$.</p> <p>Áp dụng ta được: $3^{x+2} = 27 \Leftrightarrow x+2 = \log_3 27 \Leftrightarrow x+2 = 3 \Leftrightarrow x = 1.$</p>	0,2
9	I	C	<p>Nhắc lại: Công thức tính thể tích khối nón</p>	0,2

			$V = \frac{1}{3} \cdot h \cdot S_d = \frac{1}{3} \pi \cdot r^2 \cdot h.$ <p>Có $r = 2, h = 4 \Leftrightarrow V = \frac{1}{3} \pi \cdot 2^2 \cdot 4 = \frac{16}{3} \pi$ (đvtt).</p>	
10	I	A	+) Nhìn vào dạng đồ thị ta thấy đây là một dạng đồ thị của hàm số $y = ax^4 + bx^2 + c \Rightarrow$ Loại bỏ phương án B; C. +) Nét cuối đồ thị đi lên thì hệ số a dương $\Leftrightarrow a > 0$ Vậy ta chọn A .	0,2
11	I	B	<p>Nhắc lại: Với $a > 0, a \neq 1, b > 0, m \neq 0$, ta có:</p> $\log_{a^m} b = \frac{1}{m} \log_a b.$ <p>Áp dụng ta được:</p> $\log_{a^4} b = \frac{1}{4} \log_a b.$	0,2
12	I	A	<p>Nhắc lại: Phương trình mặt cầu (S) có tâm $I(a; b; c)$, bán kính R là: $(x-a)^2 + (y-b)^2 + (z-c)^2 = R^2$.</p> <p>Áp dụng với $(S): x^2 + y^2 + (z-2)^2 = 16$ $\Rightarrow R^2 = 16 \Leftrightarrow R = 4$.</p>	0,2
13	I	B	<p>Nhắc lại: Nếu số phức $z = a + bi$ ($a, b \in R$) thì số phức liên hợp của z là $\bar{z} = a - bi$.</p> <p>Áp dụng ta được:</p> $z = 3 - 5i \Rightarrow \bar{z} = 3 + 5i.$	0,2
14	I	B	$V = abc$ (a;b;c là 3 kích thước của khối hộp chữ nhật) $\Rightarrow V = 2 \cdot 3 \cdot 7 = 42$ (đvtt)	0,2
15	I	C	<p>Nhắc lại: Công thức tính thể tích khối chóp: $V = \frac{1}{3} \cdot h \cdot S_d$.</p> $h = 8, S_d = 3 \Rightarrow V = \frac{1}{3} \cdot 8 \cdot 3 = 8$ (đvtt).	0,2
16	II	A	<p>Nhắc lại: Cho $y = f(x)$ là hàm số có đạo hàm trên khoảng (đoạn, nửa khoảng) K. Nếu $f'(x) \geq 0, \forall x \in K, (f'(x) = 0$ có hữu hạn nghiệm) thì hàm số $f(x)$ đồng biến trên K.</p> <p>Dựa vào bảng biến thiên, trong các phương án đưa ra, hàm số $y = f(x)$ đồng biến trên $(-3; 0)$.</p>	0,2
	II	D	<p>Nhắc lại:</p>	0,2

17			<p>Nếu hàm số $y = f(x)$ xác định tại x_0 và $f'(x)$ đổi dấu từ dương sang âm khi đi qua x_0 thì $f(x)$ đạt cực đại tại x_0. Khi đó, $f(x_0)$ là giá trị cực đại của hàm số.</p> <p>Dựa vào bảng biến thiên, hàm số đạt cực đại tại $x = -1$. Giá trị cực đại là $f(-1) = 2$.</p>	
18	II	C	<p>Nhắc lại: Nếu (u_n) là cấp số nhân với công bội q, ta có công thức số hạng tổng quát của cấp số nhân là: $u_n = u_{n-1} \cdot q$ với $n \in \mathbb{N}^*$.</p> <p>Ta có: $u_2 = u_1 \cdot q = 4 \cdot 3 = 12$.</p>	0,2
19	II	A	<p>Nhắc lại: Công thức tính thể tích khối cầu bán kính r là:</p> $V = \frac{4}{3} \pi r^3.$ <p>Thể tích khối cầu cần tính có bán kính $r = 2$ là:</p> $V = \frac{4}{3} \pi r^3 = \frac{4}{3} \pi \cdot 2^3 = \frac{32\pi}{3} \text{ (đvtt)}.$	0,2
20	II	D	<p>Nhắc lại: Số phức $z = a + bi$, $(a, b \in \mathbb{R})$ được biểu diễn trên mặt phẳng tọa độ bởi điểm $M(a, b)$.</p> <p>Ta có: $M(-1; 2) \Leftrightarrow z = -1 + 2i$ Vậy phần thực của số phức z là -1.</p>	0,2
21	II	B	<p>Nhắc lại: $\int x^n dx = \frac{1}{n+1} x^{n+1} + C$, $(n \neq -1)$</p> <p>Áp dụng ta có: $\int x^5 dx = \frac{1}{6} x^6 + C$.</p>	0,2
22	II	A	<p>Nhắc lại: Với $a > 0, a \neq 1$ thì $\log_a x = b \Leftrightarrow x = a^b$.</p> <p>Đk: $x - 2 > 0 \Leftrightarrow x > 2$ Ta có: $\log_3(x - 2) = 2 \Leftrightarrow x - 2 = 3^2 \Leftrightarrow x - 2 = 9 \Leftrightarrow x = 11(TM)$.</p>	0,2
23	II	D	<p>Nhắc lại: Phương trình mặt phẳng (P) đi qua 3 điểm $A(a; 0; 0)$, $B(0; b; 0)$, $C(0; 0; c)$ có dạng là $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} + \frac{z}{c} = 1$ với $abc \neq 0$. Trong đó $A \in Ox$, $B \in Oy$, $C \in Oz$. Khi đó (P) được gọi là phương trình mặt phẳng theo đoạn chắn.</p> <p>Ta có: $A(2, 0, 0)$, $B(0; -1; 0)$, $C(0; 0; 3)$ nên mặt phẳng (ABC) có phương trình là $\frac{x}{2} + \frac{y}{-1} + \frac{z}{3} = 1$.</p>	0,2

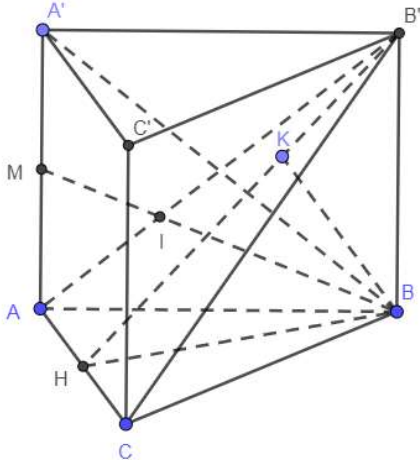
24	II	C	Nhắc lại: Số cách xếp n phần tử vào n vị trí là: $n!$ (cách). Số cách xếp 8 học sinh thành một hàng dọc là: $P_8=8!=40320$ (cách)	0,2
25	II	A	$z_1 + z_2 = (1 - 3i) + (3 + i) = (1 + 3) + (-3 + 1)i = 4 - 2i.$	0,2
26	II	D	<p>+) Xét tam giác ABC vuông tại B, ta có</p> $AB^2 + BC^2 = a^2 + (\sqrt{2}a)^2$ $= 3a^2 \Rightarrow AB = \sqrt{3}a$ <p>+) $SA \perp (ABC)$, AC là hình chiếu của SC trên (ABC), xét:</p> $\tan \widehat{SCA} = \frac{SA}{AC} = \frac{a}{a\sqrt{3}} = \frac{1}{\sqrt{3}}$ $\Rightarrow \widehat{SCA} = 30^\circ$ $\Rightarrow \widehat{(SC, (ABC))} = 30^\circ$	0,2
27	II	A	<p>Nhắc lại: $a^{\log_a b} = b \quad (a > 0, a \neq 1, b > 0).$</p> $9^{\log_3(a^2b)} = 4a^3 \quad (a, b > 0; a^2b \neq 1)$ $\Leftrightarrow 3^{2\log_3(a^2b)} = 4a^3 \Leftrightarrow (3^{\log_3(a^2b)})^2 = 4a^3$ $\Leftrightarrow (a^2b)^2 = 4a^3 \Leftrightarrow a^4b^2 = 4a^3$ $\Leftrightarrow ab^2 = 4$	0,2
28	II	A	<p>Nhắc lại: Phương trình mặt phẳng (P) đi qua $M(x_0; y_0; z_0)$ và nhận $\vec{n}(A; B; C)$ làm VTPT là:</p> $A(x - x_0) + B(y - y_0) + C(z - z_0) = 0$ <p>Đường thẳng d có một VTCP $\vec{u} = (1; 2; -2).$ \Rightarrow Mặt phẳng (P) vuông góc với d nên (P) có một VTPT là $\vec{n} = \vec{u} = (1; 2; -2).$ Phương trình mặt phẳng (P) đi qua $M(3; -2; 2)$ và nhận $\vec{n} = (1; 2; -2)$ làm VTPT là:</p> $1(x - 3) + 2(y + 2) - 2(z - 2) = 0 \Leftrightarrow x + 2y - 2z + 5 = 0.$	0,2
29	II	B	$f(x) = x^3 - 33x.$ Ta có: $f'(x) = 3x^2 - 33; f'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = \sqrt{11} \in [2; 19] \\ x = -\sqrt{11} \notin [2; 19] \end{cases}$	0,2

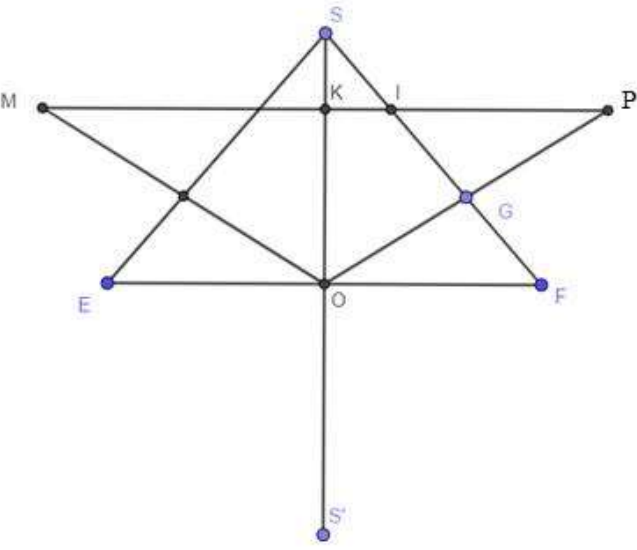
			$f(2) = -58; f(\sqrt{11}) = -22\sqrt{11}; f(19) = 6232$ $\Rightarrow \text{Min}_{[2;19]} f(x) = -22\sqrt{11}$	
30	II	C	<p>Nhắc lại: Với $a > 1$ thì $a^x < a^y \Leftrightarrow x < y$ Với $0 < a < 1$ thì $a^x < a^y \Leftrightarrow x > y$</p> $2^{x^2-1} < 8 \Leftrightarrow 2^{x^2-1} < 2^3 \Leftrightarrow x^2-1 < 3 \Leftrightarrow x^2-4 < 0 \Leftrightarrow -2 < x < 2$	0,2
31	III	B	<p>Nhắc lại: Diện tích hình phẳng giới hạn bởi hai đồ thị hàm số $y = f(x); y = g(x)$ là: $S = \int_a^b f(x) - g(x) dx$ với a,b là nghiệm của phương trình $f(x) = g(x)$.</p> <p>Xét phương trình: $x^2 - 3 = x - 3 \Leftrightarrow x = 0; x = 1$</p> <p>Vậy diện tích cần tính là: $S = \int_0^1 (x^2 - 3) - (x - 3) dx = \frac{1}{6}$.</p>	0,2
32	III	B	<p>Nhắc lại: $S_{xq} = \pi Rl$ với R: bán kính đáy và l: đường sinh</p>  <p>Ta có góc ở đỉnh bằng $60^\circ \Rightarrow$ Góc tạo bởi trục và đường sinh là $30^\circ \Leftrightarrow \widehat{ISA} = 30^\circ$</p> <p>Xét tam giác SIA vuông tại I nên:</p> $\sin 30^\circ = \frac{R}{l} \Leftrightarrow l = \frac{R}{\sin 30^\circ} = \frac{4}{\frac{1}{2}} = 8.$ <p>$\Rightarrow S_{xq} = \pi Rl = 32\pi$ (đvdt).</p>	0,2
33	III	D	<p>Nhắc lại: Số phức $z = a + bi$ ($a, b \in R$) có điểm biểu diễn trên mặt phẳng tọa độ là $M(a; b)$.</p>	0,2

			<p>Ta có $z^2 - 4z + 13 = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} z = 2 + 3i \\ z = 2 - 3i \end{cases}$</p> <p>$z_0$ có phần ảo dương $\Rightarrow z_0 = 2 + 3i$</p> <p>$\Rightarrow 1 - z_0 = 1 - (2 + 3i) = -1 - 3i$.</p> <p>Vậy điểm biểu diễn số phức $1 - z_0$ là: $N(-1; -3)$.</p>	
34	III	C	<p>Nhắc lại: Nếu hàm số $y = f(x)$ xác định tại x_0 và $f'(x)$ đổi dấu từ dương sang âm khi đi qua x_0 thì $f(x)$ đạt cực đại tại x_0.</p> <p>Hàm số $y = f(x)$ có tập xác định $D = \mathbb{R}$.</p> <p>$2 \in D; -2 \in D$ và $f'(x)$ đổi dấu từ dương sang âm khi đi qua từng điểm $x_0 = 2; x_0 = -2$.</p> <p>Do đó, hàm số có 2 điểm cực đại.</p>	0,2
35	III	C	<p>Nhắc lại: Phương trình đường thẳng đi qua $M(x_0; y_0; z_0)$ và có VTCP $\vec{u} = (a; b; c)$ là: $\frac{x - x_0}{a} = \frac{y - y_0}{b} = \frac{z - z_0}{c}$.</p> <p>$\overrightarrow{BC} = (2; 1; -1)$</p> <p>Phương trình đường thẳng đi qua $A(1; 1; 0)$ và nhận $\overrightarrow{BC} = (2; 1; -1)$ làm VTCP là: $\frac{x - 1}{2} = \frac{y - 1}{1} = \frac{z}{-1}$.</p>	0,2
36	III	A	<p>Nhắc lại: Mô đun số phức $z = a + bi$ là $z = \sqrt{a^2 + b^2}$</p> <p>Ta có $\overline{w} = 1 - i \Rightarrow z \cdot \overline{w} = (1 + 3i)(1 - i) = 4 + 2i$</p> <p>$\Rightarrow z \cdot \overline{w} = \sqrt{4^2 + 2^2} = 2\sqrt{5}$.</p>	0,2
37	III	D	<p>Nhắc lại: Số giao điểm của đồ thị hàm số $y = f(x)$ và $y = g(x)$ là số nghiệm của phương trình: $f(x) = g(x)$.</p> <p>Xét phương trình hoành độ giao điểm:</p> <p>$x^3 - x^2 = -x^2 + 3x \Leftrightarrow x = 0; x = \sqrt{3}; x = -\sqrt{3}$.</p> <p>Vậy hai đồ thị đã cho có 3 giao điểm.</p>	0,2
38	III	A	<p>Nhắc lại: $\int f(x)dx = F(x) + C$ và</p> $\int [f(x) + g(x)]dx = \int f(x)dx + \int g(x)dx.$ <p>Ta có:</p> $\int_1^3 [1 + f(x)]dx = \int_1^3 dx + \int_1^3 f(x)dx = x \Big _1^3 + x^2 \Big _1^3 = 2 + 8 = 10.$	0,2
39	III	B	<p>Nhắc lại: Công thức nguyên hàm từng phần:</p> $\int u dv = uv - \int v du.$ <p>Ta có $I = \int g(x)dx = \int (x + 1)f'(x)dx$.</p>	0,2

			$\text{Đặt } \begin{cases} u = x+1 \\ dv = f'(x)dx \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} du = dx \\ v = f(x) \end{cases}$ $\Rightarrow I = (x+1)f(x) - \int f(x)dx = (x+1)\frac{x}{\sqrt{x^2+4}} - \int \frac{x}{\sqrt{x^2+4}}dx$ $= (x+1) \cdot \frac{x}{\sqrt{x^2+4}} - \sqrt{x^2+4} = \frac{x-4}{\sqrt{x^2+4}} + C.$	
40	III	A	<p>Tính từ 2019, sau n năm tổng diện tích rừng trồng của tỉnh A là:</p> $800(1+6\%)^n \text{ (ha).}$ <p>Yêu cầu bài toán</p> $\Leftrightarrow 800(1+6\%)^n > 1400$ $\Leftrightarrow n > \log_{1+6\%} \frac{7}{4} \approx 9,6$ <p>Sau ít nhất 10 năm diện tích rừng trồng mới đạt trên 1400 ha. Vậy 2019 + 10 = 2029 là năm đầu tiên.</p>	0,2
41	IV	B	<p>Nhắc lại: Mặt cầu ngoại tiếp chóp là mặt cầu đi qua các đỉnh của chóp</p> <p>Cách xác định tâm mặt cầu ngoại tiếp chóp</p> <p>B1: Xác định tâm đường tròn ngoại tiếp đáy</p> <p>B2: Vẽ trục đường tròn ngoại tiếp</p> <p>B3: Vẽ mặt phẳng trung trực của cạnh bên bất kì</p> <p>B4: Xác định giao điểm của trục ở B2 và mặt phẳng trung trực ở B3</p> <p>Giải</p> <p>Gọi M là trung điểm BC, suy ra $AM \perp BC$.</p>	0,2

			<p>Ta có $BC \perp AM, BC \perp SA$, suy ra $BC \perp (SAM)$ Suy ra $((SBC), (ABC)) = \widehat{SMA} = 30^\circ$. Gọi O là tâm tam giác ABC. DO tam giác ABC đều nên O là trọng tâm và $O \in AM, AO = \frac{2}{3} AM$. Từ O kẻ đường thẳng d vuông góc với mặt phẳng ABC. Gọi K là trung điểm SA. Vì $d \parallel SA$, mp(d, SA) dựng d' là trung trực SA, d' cắt d tại I. Khi đó I là tâm mặt cầu ngoại tiếp chóp S.ABC và mặt cầu đó có bán kính IA. Dễ dàng chứng minh được IOAK là hình chữ nhật. Tam giác ABC đều, suy ra $AO = \frac{AB\sqrt{3}}{3} = \frac{2a\sqrt{3}}{3}$ Xét tam giác SAM vuông tại A có $SA = AM \cdot \tan \widehat{SMA} = a\sqrt{3} \cdot \tan 30^\circ = a$ Suy ra $KA = \frac{a}{2}$. Do IOAK là hình chữ nhật nên $IA = KA = \frac{a}{3}$ Do đó $IA = \sqrt{IO^2 + OA^2} = \sqrt{\left(\frac{2a\sqrt{3}}{3}\right)^2 + \left(\frac{a}{2}\right)^2} = a\sqrt{\frac{19}{12}}$ Diện tích mặt cầu $S = 4\pi(IA)^2 = \frac{19a^2}{3}$</p>	
42	IV	A	<p>Nhắc lại: Hàm số $y = \frac{ax+b}{cx+d}$ ($a.d - b.c \neq 0$) đồng biến trên từng khoảng xác định khi $y' > 0$. Giải: Điều kiện: $x \neq -m$ $x \in (-\infty; -6) \Rightarrow -m \in [-6; +\infty) \Leftrightarrow -m \geq -6 \Leftrightarrow m \leq 6. (*)$ Ta có: $y' = \frac{m-3}{(x+m)^2}$ Hàm số đồng biến trên $(-\infty; -6)$ khi: $y' = \frac{m-3}{(x+m)^2} > 0$ với $\forall x \in (-\infty; -6)$ $\Leftrightarrow m-3 > 0$ với $\forall x \in (-\infty; -6)$ $\Leftrightarrow m > 3$ với $\forall x \in (-\infty; -6)$. Kết hợp điều kiện (*) ta được $m \in (3; 6]$.</p>	0,2
43	IV	B	<p>Nhắc lại: \bar{A} là biến cố đối của biến cố A. Ta có $P_A + P_{\bar{A}} = 1$ Giải: A: “Số đó không có hai chữ số liên tiếp cùng lẻ”</p>	0,2

		<p>\bar{A}: “Số đó có hai chữ số liên tiếp cùng lẻ”.</p> <p>Ta có $S = A_7^4$</p> <p>Gọi các phần tử của \bar{A} có dạng \overline{abcd} với $a, b, c, d \in \{1; 2; 3; 4; 5; 6; 7\}$, a, b, c, d đôi một khác nhau.</p> <p>TH1: 4 chữ số a, b, c, d đều lẻ Suy ra, có $4!$ số.</p> <p>TH2: có 3 chữ số lẻ và có 1 chữ số chẵn Suy ra, Có $C_4^3 \cdot 3 \cdot 4!$ số (chọn 3 số lẻ, 1 số chẵn và xếp vào 4 vị trí)</p> <p>TH3: có 2 chữ số lẻ đứng cạnh nhau và có 2 chữ số chẵn Suy ra, có $A_4^2 \cdot 3 \cdot (3 \cdot 2)$ số (có $A_4^2 \cdot 3$ cách xếp 2 chữ số lẻ cạnh nhau, có 3.2 cách chọn 2 chữ số chẵn)</p> <p>Do đó : $\bar{A} = 4! + C_4^3 \cdot 3 \cdot 4! + A_4^2 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 2 = 528$</p> $P_A = \frac{ A }{ S } = \frac{ S - \bar{A} }{ S } = \frac{13}{35}$	
44	IV	<p>D</p> <p>Nhắc lại: Cho mặt phẳng (P) và đường thẳng AB ($AB \not\subset (P)$).</p> <p>* Nếu $AB // (P) \Rightarrow d(A; (P)) = d(B; (P))$.</p> <p>* $AB \cap (P) = I \Rightarrow \frac{d(A; (P))}{d(B; (P))} = \frac{AI}{BI}$.</p>  <p>Giải: Gọi I là trọng tâm tam giác AA'B, H là trung điểm AC, K là hình chiếu của B lên (AA'B'C). Khi đó:</p> $\frac{d(M; (AB'C))}{d(B; (AB'C))} = \frac{IM}{IB} = \frac{1}{2}$ $BB' = a, HB = \frac{a\sqrt{3}}{2} \Rightarrow d(B; (AB'C)) = BK = \frac{BH \cdot BB'}{\sqrt{BH^2 + BB'^2}} = \frac{a\sqrt{21}}{7}$ $\Rightarrow d(M; (AB'C)) = \frac{a\sqrt{21}}{14}$	0,2

45	IV	B	<p>Nhắc lại: + Định lí Ta lét (tự nhớ) + Cho mp (P), đường thẳng d cắt (P) tại M; hai điểm A và B nằm trên d khác M. Khi đó $\frac{d(A;(P))}{d(B;(P))} = \frac{AM}{BM}$</p> <p>Giải:</p>  <p>Gọi E và F lần lượt là trung điểm của AB và CD. G là trọng tâm tam giác SCD. M, P, I, K là các điểm như hình vẽ. Ta có:</p> $\begin{cases} IP = OF \\ IK = \frac{1}{3}OF \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} KP = \frac{4}{3}OF \\ OK = \frac{2}{3}SO \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} MP = \frac{8}{3}OF = \frac{4}{3}a \\ KS' = \frac{5}{3}SO = \frac{5a\sqrt{2}}{6} \end{cases}$ $\Rightarrow S_{MNPQ} = \left(\frac{MP}{\sqrt{2}}\right)^2 = \frac{8a^2}{9}$ $V_{S'MNPQ} = \frac{1}{3} \cdot S_{ABCD} \cdot d(S';(MNPQ))$ $= \frac{1}{3} \cdot \frac{8a^2}{9} \cdot \frac{5a\sqrt{2}}{6} = \frac{20a^3\sqrt{2}}{81}$	0,2
46	IV	C	<p>Nhắc lại: + Cách xác định hàm số khi biết bậc, dáng đồ thị và các điểm mà đồ thị đi qua. + Số nghiệm của phương trình $f(x)=m$ là số giao điểm của đồ thị hàm số $y = f(x)$ và đường thẳng $y = m$.</p> <p>Giải:</p>	0,2

			<p>Từ đồ thị ta tìm ra hàm số $y = -5x^4 + 10x^2 - 2$.</p> $g(x) = x^2 \cdot [f(x+1)]^4$ $g'(x) = 2x \cdot [f(x+1)]^4 + 4x^2 \cdot f'(x+1) [f(x+1)]^3$ <p>Ta có $g'(x) = 2x \cdot [f(x+1)]^3 [f(x+1) + 2x \cdot f'(x+1)]$</p> $g'(x) = 0 \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ f(x+1) = 0 & (1) \\ f(x+1) + 2x \cdot f'(x+1) = 0 & (2) \end{cases}$ <p>Từ bảng biến thiên ta được phương trình (1) có 4 nghiệm phân biệt khác 0. Phương trình (2) tương đương $-5(x+1)^4 + 10(x+1)^2 - 2 + 2x \cdot [-20(x+1)^3 + 20(x+1)] = 0$ $\Leftrightarrow -45(x+1)^4 + 40(x+1)^3 + 50(x+1)^2 - 40(x+1) - 2 = 0$ Khảo sát và lập bảng biến thiên hàm số $h(t) = -45t^4 + 40t^3 + 50t^2 - 40t - 2$ Ta nhận thấy đồ thị hàm số $y=h(t)$ có 4 giao điểm với đường thẳng $y=0$, do đó (2) có 4 nghiệm phân biệt khác nghiệm của (1) và khác 0 Vậy $g'(x)=0$ có 9 nghiệm đơn phân biệt, từ đó dẫn đến $g(x)$ có 9 điểm cực trị.</p>	
47	IV	D	<p>Cách 1: Ta có:</p> $2x + y \cdot 4^{x+y-1} \geq 3 \Leftrightarrow 2x + 2y \cdot 4^{x+y-\frac{3}{2}} \geq 3$ $\Leftrightarrow 2 \left(x + y - \frac{3}{2} \right) + 2y \left(4^{x+y-\frac{3}{2}} - 1 \right) \geq 0$ <p>Nếu $x + y - \frac{3}{2} < 0 \Rightarrow VT < 0$ (vô lý) $\Rightarrow x + y - \frac{3}{2} \geq 0 \Rightarrow y \geq \frac{3}{2} - x$.</p> $\Rightarrow P \geq x^2 + \left(\frac{3}{2} - x \right)^2 + 4x + 2 \left(\frac{3}{2} - x \right) = 2x^2 - x + \frac{21}{4} \geq \frac{41}{8}$ <p>Dấu bằng xảy ra khi và chỉ khi $(x; y) = \left(\frac{1}{4}; \frac{5}{4} \right)$.</p> <p>Cách 2:</p> $2x + y \cdot 4^{x+y-1} \geq 3 \Leftrightarrow y \cdot 2^{2x+2y-2} \geq 3 - 2x$ <p>Có :</p> $\Leftrightarrow 2y \cdot 2^{2y} \geq (3 - 2x) 2^{3-2x} \quad (1)$ <p>Xét $f(t) = t \cdot 2^t$ trên $[0; +\infty)$. Có $f'(t) = 2^t + t \cdot 2^t \ln 2 > 0, \forall t \geq 0$ $\Rightarrow f(t)$ đồng biến trên khoảng $[0; +\infty)$</p>	0,2

			$\Rightarrow (1) \Leftrightarrow 2y \geq 3 - 2x \Leftrightarrow x + y \geq \frac{3}{2} \Leftrightarrow (x+2) + (y+1) \geq \frac{9}{2}$ <p>Có: $P = x^2 + y^2 + 4x + 2y = (x+2)^2 + (y+1)^2 - 5$</p> $\Rightarrow (x+2)^2 + (y+1)^2 = P + 5.$ <p>Áp dụng BĐT Bunhia cho 2 cặp số $(1;1), (x+2; y+1)$ có:</p> $(x+2) + (y+1) \leq \sqrt{2[(x+2)^2 + (y+1)^2]} = \sqrt{2(P+5)}$ $\Rightarrow \frac{9}{2} \leq (x+2) + (y+1) \leq \sqrt{2(P+5)} \Leftrightarrow \frac{81}{4} \leq 2(P+5)$ $\Leftrightarrow P \geq \frac{41}{8}$ <p>Dấu bằng xảy ra khi $\begin{cases} 2y = 3 - 2x \\ x + 2 = y + 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = \frac{1}{4} \\ y = \frac{5}{4} \end{cases}$</p> <p>Vậy $\text{Min}P = \frac{41}{8}$</p>	
48	IV	C	<p>Đây là hàm bậc 3. Nhìn đồ thị suy ra $a < 0$. Đồ thị cắt trục tung tại điểm có tung độ dương nên $d > 0$. Hàm số có hai điểm cực trị $x_1; x_2 < 0$, suy ra phương trình $y' = 0$ có hai nghiệm thực phân biệt âm. Ta có $y' = 3ax^2 + 2bx + c$. Phương trình $y' = 0$ có hai nghiệm phân biệt âm nên</p> $\begin{cases} x_1 + x_2 < 0 \\ x_1 \cdot x_2 > 0 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} \frac{-2b}{3a} < 0 \\ \frac{c}{3a} > 0 \end{cases} \Rightarrow c < 0; b < 0.$ <p>Vậy chỉ có d là số dương</p>	0,2
49	IV	D	$\log_3(x^2 + y) \geq \log_2(x + y) \quad (1)$ <p>Điều kiện: $\begin{cases} x^2 + y > 0 \\ x + y > 0 \end{cases}$</p> $(1) \Leftrightarrow x^2 + y \geq 3^{\log_2(x+y)}$ $\Leftrightarrow x^2 + y \geq (x + y)^{\log_2 3}$ $\Leftrightarrow x^2 - x \geq (x + y)^{\log_2 3} - (x + y)$ <p>Ta có: $x \in Z, y \in Z, x + y > 0$ nên $x + y \in [1; +\infty)$.</p> <p>Đặt $t = x + y$ ta được:</p> $\Leftrightarrow x^2 - x \geq t^{\log_2 3} - t, t \in [1; +\infty) \quad (2)$	0,2

			<p>Yêu cầu bài toán tương đương phương trình (2) có không quá 255 nghiệm t nguyên.</p> $f(t) = t^{\log_2 3} - t$ $f'(t) = (\log_2 3) \cdot t^{-1+\log_2 3} - 1.$ <p>Vì $t \geq 1 \Rightarrow t^{-1+\log_2 3} \geq 1^{-1+\log_2 3} \Leftrightarrow t^{-1+\log_2 3} \geq 1$</p> $\Leftrightarrow (\log_2 3) \cdot t^{-1+\log_2 3} \geq \log_2 3$ $\Leftrightarrow (\log_2 3) \cdot t^{-1+\log_2 3} - 1 \geq \log_2 3 - 1 > 0 \Leftrightarrow f'(t) > 0,$ $\forall t \in [1; +\infty).$ <p>$\Rightarrow f(t)$ đồng biến trên $[1; +\infty)$.</p> <p>Nếu $x^2 - x > 256^{\log_2 3} - 256 = 6305$ thì sẽ có ít nhất 256 nghiệm nguyên $t \geq 1$.</p> <p>Vậy ngược lại, để có không quá 255 số nguyên y thỏa mãn yêu cầu bài toán thì $x^2 - x \leq 6035 \Leftrightarrow -78,9 \leq x \leq 79,9$</p> <p>Do $x \in Z \Rightarrow$ có 158 số nguyên x thỏa mãn yêu cầu.</p>	
50	IV	D	<p>Phương trình $f(x^2 f(x)) = 2$ có số nghiệm chính là số giao điểm của đồ thị $y = f(t)$ với đường thẳng $y = 2$.</p> <p>Dựa vào đồ thị, ta thấy $y = f(t)$ cắt đường thẳng $y = 2$ tại 4 điểm phân biệt. Do đó, ta có:</p> $f(x^2 f(x)) = 2$ $\Leftrightarrow \begin{cases} x^2 \cdot f(x) = 0 & (1) \\ x^2 \cdot f(x) = a \in (-1; 0) & (2) \\ x^2 \cdot f(x) = b \in (-3; -2) & (3) \\ x^2 \cdot f(x) = c \in (-4; -3) & (4) \end{cases}$ <p>+) Xét phương trình (1) $\Leftrightarrow \begin{cases} x^2 = 0 \\ f(x) = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 0 \\ f(x) = 0 \end{cases}$</p> <p>Dựa vào đồ thị, dễ thấy $f(x) = 0$ có 2 nghiệm phân biệt khác 0 là x_1, x_2. Vậy (1) có 3 nghiệm phân biệt là $x = 0, x_1, x_2$.</p> <p>+) Xét các phương trình (2), (3), (4) và ta chỉ quan tâm đến các nghiệm chưa phải là nghiệm của (1) nên ta xét $x \neq 0$.</p> <p>Khi đó:</p> $\begin{cases} (2) \Leftrightarrow f(x) = \frac{a}{x^2} < 0, a \in (-1; 0) \\ (3) \Leftrightarrow f(x) = \frac{b}{x^2} < 0, b \in (-3; -2) \\ (4) \Leftrightarrow f(x) = \frac{c}{x^2} < 0, c \in (-4; -3) \end{cases}$	0,2

			<p>Dựa vào đồ thị, dễ thấy mỗi phương trình (2), (3), (4) đều có 2 nghiệm phân biệt $x \neq 0$. Hơn nữa, vì a, b, c phân biệt nên 6 nghiệm đó đôi một khác nhau và mỗi nghiệm đều khác 0, x_1, x_2.</p> <p>Vậy phương trình $f(x^2 f(x)) = 2$ có 9 nghiệm thực phân biệt thuộc tập hợp $S = \{0; x_1; x_2; x_3; x_4; x_5; x_6; x_7; x_8\}$.</p>	
--	--	--	--	--